

Résolution d'équations Interprétation graphique

I) Equations

1°) $x + b = 0$

Exemples 1 : Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes

$$1^\circ) x - 2 = 0 \quad x = 2 \quad S = \{ 2 \}$$

$$2^\circ) x + 1 = 0 \quad x = -1 \quad S = \{ -1 \}$$

$$3^\circ) 3x = 0 \quad x = 0 \quad S = \{ 0 \}$$

$$4^\circ) \frac{x}{4} = 0 \quad x = 0 \quad S = \{ 0 \}$$

$$x - b = 0 \quad \text{équivalent à} \quad x = b \quad \leftarrow \text{attention au signe}$$

$$x + b = 0 \quad \text{équivalent à} \quad x = -b$$

Exemples 2 : Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes

$$1^\circ) x - 5 = 0 \quad \text{équivalent à} \quad x = 5 \quad \text{d'où} \quad S = \{ 5 \}$$

$$2^\circ) x + 3 = 0 \quad \text{équivalent à} \quad x = -3 \quad \text{d'où} \quad S = \{ -3 \}$$

2°) $ax + b = 0$

Exemples : Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes

$$1^\circ) 2x - 3 = 0 \quad \text{équivalent à} \quad 2x = 3 \quad \text{soit à} \quad x = \frac{3}{2} \quad \text{d'où} \quad S = \{ \frac{3}{2} \}$$

$$2^\circ) -4x + 10 = 0 \quad \text{''} \quad -4x = -10 \quad \text{''} \quad x = \frac{-10}{-4} = 2.5 \quad \text{''} \quad S = \{ 2.5 \}$$

$$3^\circ) -2x - 9 = 0 \quad \text{équivalent à} \quad x = \frac{9}{-2} \quad \text{d'où} \quad S = \{ -\frac{9}{2} \}$$

$$4^\circ) 5x + 1 = 0 \quad x = \frac{-1}{5} \quad S = \{ -\frac{1}{5} \}$$

$$5^\circ) 7x = 0 \quad x = 0 \quad S = \{ 0 \}$$

$$6^\circ) \frac{x}{8} = 0 \quad x = 0 \quad S = \{ 0 \}$$

On suppose que $a \neq 0$

$$a x + b = 0 \quad \text{équivalent à} \quad a x = -b \quad \text{soit à} \quad x = -\frac{b}{a} \quad \leftarrow \text{attention au signe}$$

ATTENTION :

$$a x = 0 \quad \text{ou} \quad \frac{x}{a} = 0 \quad \text{équivalent à} \quad x = 0$$

Exemple : Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes

$$1^\circ) -6x - 5 = 0 \quad x = -\frac{5}{6} \quad S = \{ -\frac{5}{6} \}$$

$$2^\circ) -\frac{3}{4}x + 10 = 0 \quad x = \frac{40}{3} \quad S = \{ \frac{40}{3} \}$$

$$3^\circ) -2x - \frac{7}{3} = 0 \quad x = -\frac{7}{6} \quad S = \{ -\frac{7}{6} \}$$

$$4^\circ) 5x + 8 = 0 \quad x = -\frac{8}{5} \quad S = \{ -\frac{8}{5} \}$$

II) Interprétation graphique : Intersection avec l'axe des abscisses

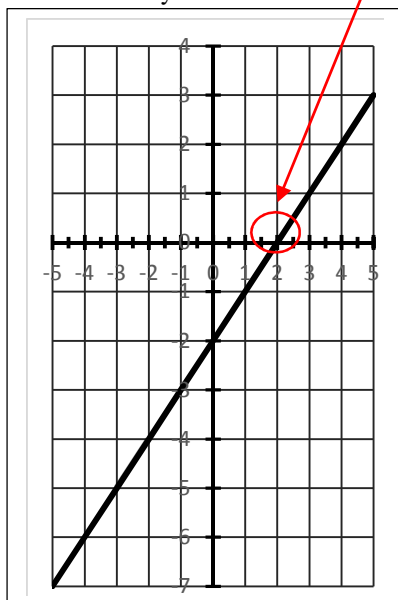
ACTIVITE DE DECOUVERTE PARTIE EXOS et calculette

a) Etude d'exemples

$$x - 2 = 0$$

$$x = 2$$

$$d1 : y = x - 2$$



Point
d'intersection
de d1 avec l'axe
(Ox) : **A(2 ; 0)**

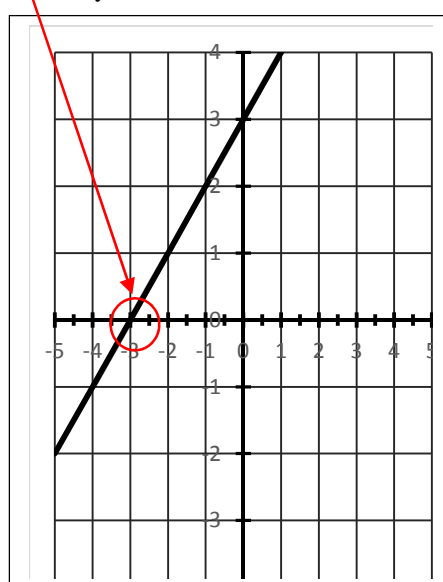
Solution sur le graphique

intersection de la droite et de l'axe des abscisses

$$x + 3 = 0$$

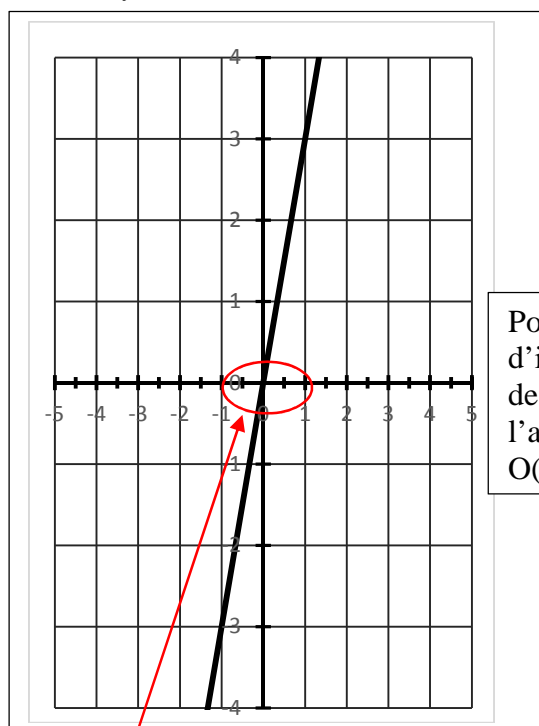
$$x = -3$$

$$d2 : y = x + 3$$



Point
d'intersection
de d2 avec
l'axe (Ox)
B(-3 ; 0)

$$D3 : y = 3x$$

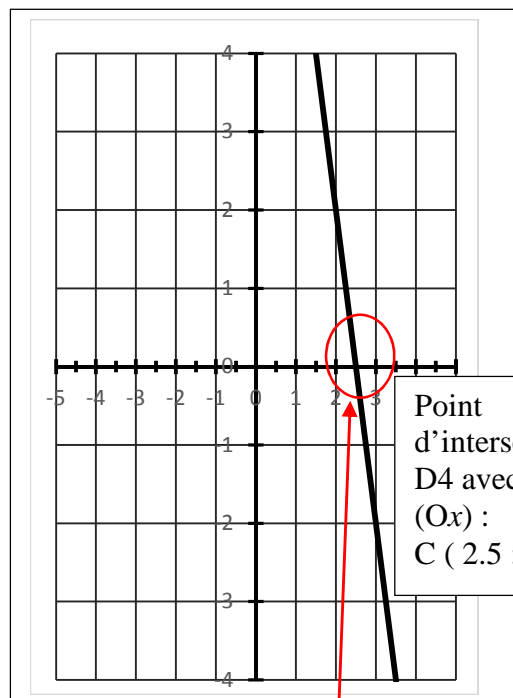


Point
d'intersection
de D3 avec
l'axe (Ox)
O(0 ; 0)

$$x = 0$$

Solution sur le graphique
intersection de la droite et de l'axe des abscisses

$$D4 : y = -4x + 10$$



Point
d'intersection de
D4 avec l'axe
(Ox) :
C (2.5 ; 0)

$$x = 2.5$$

b) GENERALISATION

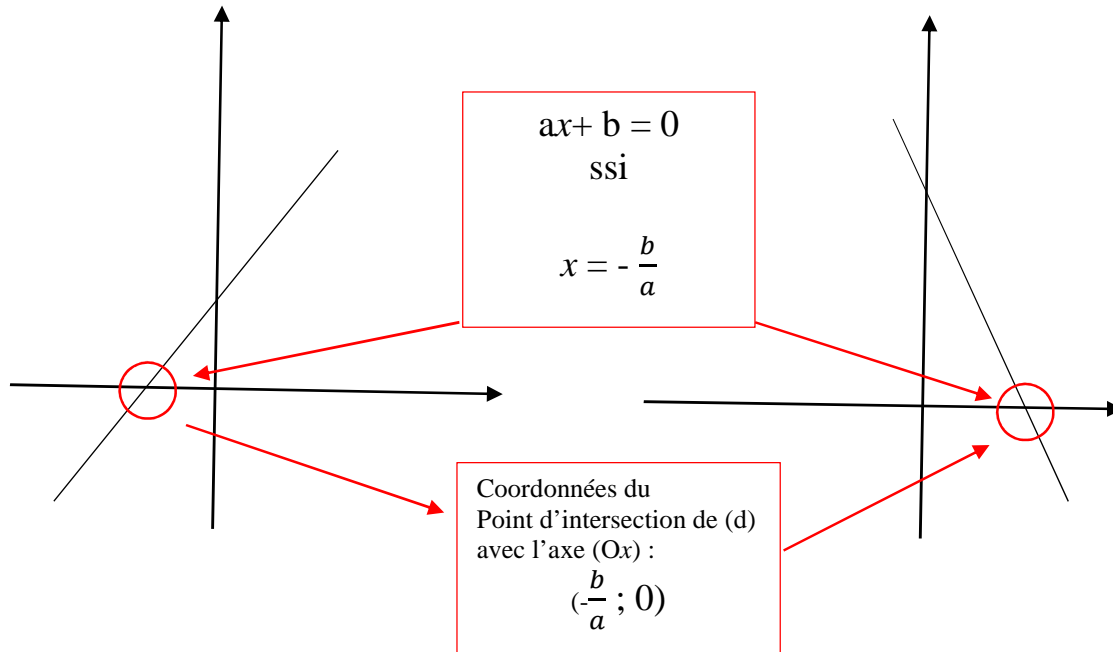
On munit le plan d'un repère (O,I,J). Soit (d) : $y = ax + b$ avec **a non nul**. Alors

La solution de l'équation $ax + b = 0$

C'est - à - dire

$$x = -\frac{b}{a}$$

est aussi l'abscisse du point d'intersection de la droite avec l'axe des abscisses.



III) Equations du type $mx + p = m'x + p'$.

Le principe: on rassemble les termes en x et les constantes pour se ramener à une équation du type $ax + b = 0$

Cas 1 : 1 unique solution

$$4x + 5 = 6x - 3$$

$$4x - 6x = -3 - 5$$

$$-2x = -8 \quad \text{d'où } x = 4 \quad S = \{ 4 \}$$

ATTENTION AU CHANGEMENT DE SIGNE

Cas 2 : Une infinité de solutions

$$4x - 2 = 4x + 3 - 5$$

$$4x - 4x = -2 + 2$$

$$0x = 0 \quad \text{d'où } S = \mathbb{R}$$

Cas 3 : Pas de solution

$$4x - 2 = 4x + 5$$

$$4x - 4x = 5 + 2$$

$$0x = 7 \quad \text{d'où } S = \emptyset$$